

行政院國家科學委員會專題研究計畫成果報告

通路分配系統中， 替代品與互補品的最佳存貨與價格決策 **Optimal Inventory and Pricing Policies for Substitutes and Complements in a Channel Distribution System**

計畫編號：NSC 88-2213-E-032-009

執行期限：87年8月1日至88年7月31日

執行機構及單位名稱：淡江大學企業管理學系

主持人：陳正綱 副教授

e-mail: ckchen@mail.tku.edu.tw

一、 中英文摘要

本研究計劃的目的，是為通路分配系統中不同的成員(如：批發商與零售商或買者與賣者)，透過數學模式的建立，來推演並決定替代品或互補品的最佳存貨與價格決策。從推演的過程與所得的結果中，我們除了提出一些可供管理者遵循的法則外，也對一般管理經濟學上的認知，做一印證或比較。

就通路分配系統中的存貨與價格管理決策來看，本研究計劃的重要性在於，拓展原本對該領域的認識。不僅從生產與存貨系統的考量，來決定存貨策略，更考慮市場上不同的產品之間可能有不同的互相影響作用，運用價格策略來建立更符合現實環境的模式。

關鍵詞：存貨理論、價格決策、對局理論、替代品、互補品、市場通路。

Abstract:

The objective of this proposal is to devise and develop the optimal inventory and pricing policies for substitutable and/or complementary products in a channel distribution system. From the development of our model and the results of this project, several decision-making rules, managerial insights, and economic implications are

expected to be obtained.

Keywords: Channel Distribution, Inventory, Pricing, Substitutes, Complements, Game Theory.

二、 計劃緣由與目的

本研究計劃的目的，是為通路分配系統中不同的成員(如：批發商與零售商或買者與賣者)，透過數學模式的建立，來推演並決定替代品或互補品的最佳存貨與價格決策。從推演的過程與所得的結果中，我們除了希望能提出一些可供管理者遵循的法則外，也希望對一般管理經濟學上的認知，做一印證或比較。

在通路分配系統中，就存貨與價格決策而言，先前的參考文獻中，通常都有下列的假設與情形發生：

- 1) 產品間的互相影響作用(如：替代作用或互補作用)多未被考慮(如：單一產品)或未從市場的角度來考量。此類情形可分別見於：Weng[1] 和 Drezner et al[2]。
- 2) 將通路成員(如：批發商/零售商或買者/賣者)視為一體，亦即其目標是最小化通路成員的總成本。此種情形在下列文獻中可見：Parlar and Weng[3], Lu[4], 和 Aderohunmu et al.[5]。
- 3) 通路成員可決定那些決策變數，事先就

被設定好了。此種情形在下列文獻中可見：Weng[6], Lee and Rosenblatt[7], 和 Parlar and Wang[8]。

針對上列在文獻中的假設與情形，我們希望能在建立模式時，將下列因素考慮進去：

1) 產品間的影響作用 (Influential Effects Among Products) :

不同的產品之間，其需求與價格可能有不同的互相影響作用(如：替代作用或互補作用)。我們將從市場的觀點，亦即考慮產品間價格與需求的關係，來探討和比較替代品與互補品的存貨與價格決策之間的異同

2) 績效評估標準 (Performance Measurement Criteria) :

就績效評估的標準而言，最小化通路成員的總成本，將不再是我們唯一的評估標準。更進一步的，我們將考慮通路成員分別的最大利潤(或最大化投資報酬率)，在通路成員利益相衝突時，我們將用對局理論來解決。

3) 對局理論方法 (Game-Theoretic Approaches) :

從個體經濟學的角度來看，通路的成員如非屬同一組織，在理性行為的假設下，則不可能有百分之百合作而達到總成本最小化的情形。在不同的市場中，通路的成員會有不同層次的市場影響力 (market power)。因此，通路的成員可決定那些決策變數，也會有所不同。我們將嘗試不同型態的史塔克貝爾格 (Stackelburg) 競爭模式，例如：批發商為領導者 (wholesaler-leader) 對零售商為追隨者 (retailer-follower)……等。

就通路分配系統中的存貨與價格管理決策來看，本研究計劃的重要性在於，拓展原本對該領域的認識。不僅從生產與存貨系統的考量，來決定存貨策略，更考慮市場上不同的產品之間可能有不同的互相影響作用，運用價格策略來建立更符合現實環境的模式。最後，我們希望能從這

個研究計劃的過程與結果中，能提出一些可供管理者遵循的法則外，也希望能對一般管理經濟學上的認知，做一印證或比較。

三、結果與討論

本計劃先從通路分配系統中，中間廠商 (Intermediary Firms) 的角度來探討其最佳的存貨與價格決策。本計劃將中間廠商定義為從很多獨立生產者 (independent producers) 處買入某單一貨物，在累積至相當數量之後，則一起將該貨物賣給一般消費大眾。為符合中間廠商的環境條件，我們對經濟採購量模式做了適度地修改。本計劃除了考慮價格與存貨為決策變數外，我亦將貨物的品質視為中間廠商的決策變數，並以中間廠商的存貨投資報酬率最大化 (return on inventory investment maximization, ROII) 為目標函數 (objective function)。具體而言，目標函數可表示如下：

$$\text{存貨投資報酬率} = \text{利潤} / \text{平均存貨成本}$$

其中，

$$\text{利潤} = \text{銷貨收入} - \text{建置成本}$$

- 存貨成本 - 貨物變動成本
而決策變數為：存貨、價格與品質水準。從幾何規劃 (geometric programming) 的角度來看，上述問題為一無限制式的非正項問題 (unconstrained signomial problem)。一般來說，就無限制式的非正項問題，絕對的最佳解 (global optimal solution) 並不保證可以求得。但就本問題而言，此一無限制式的非正項問題，可透過一些轉換的技術，將本來的問題轉成正項問題 (posynomial problem)，而其困難度 (degree of difficulty) 經適當的計算後可知為零。因此本問題的絕對最佳解保證可以求得。最後，我們也對變數與參數之間做了敏感度分析 (sensitivity analysis)。就此部分所得到的結果已整理成一篇論文 "A Return on Inventory Investment Maximization Model for Intermediate Firms"，近期將投稿至

International Journal of Production Planning and Control。

本計劃的第二部分，我們探討在一通路分配系統中包含一賣者與一買者，且其買賣的產品具有互補或替代的性質，而整個通路分配系統中，可以決定的決策變數為：賣者將此二具有互補或替代性質的產品賣給買者的價格(c_1 與 c_2)與賣者與買者對此二具有互補或替代性質的產品的經濟訂購量(Q_1 與 Q_2)。從經濟學理上來說，可有以下兩種史塔貝克均衡狀態：(1) 買者史塔貝克(Buyer-Stackelburg)均衡，(2) 賣者史塔貝克(Seller-Stackelburg)均衡。就買者史塔貝克均衡而言，買者的決策行為是將賣者的最佳化決策行為視為其一限制式，此種狀況買者較具市場權力(market power)。反之，就賣者史塔貝克均衡而言，賣者的決策行為是將買者的最佳化決策行為視為其一限制式，此種狀況賣者較具市場權力。就買者與賣者可決定的決策變數而言，可能有下列四種不同的組合：(1) 買者決定 c_1, c_2, Q_1, Q_2 ；(2) 買者決定 c_1, c_2 ，賣者決定 Q_1, Q_2 ；(3) 買者決定 Q_1, Q_2 ，賣者決定 c_1, c_2 ；(4) 買者決定 c_1, c_2, Q_1, Q_2 。本計劃分別就這四種組合情形在買者史塔貝克均衡與賣者史塔貝克均衡下做討論。就此部分所得到的結果已整理成一篇論文 "Optimal Inventory and Pricing Policies for Substitutes and Complements in a Channel Distribution System" 近期將投稿至 *Journal of Operational Research Society*.

最後，與本計劃相關且具有研究潛力的主題尚有很多，也期望國科會能再次於財務上支持相關的研究計劃。

四、計劃結果自評

就本研究計劃已完成之工作項目與具體成果分述如下：

1) 完成之工作項目

- 最新文獻資料的收集。
- 基本模式的建立。

- 基本模式的擴展。
- 推導模式的解答過程。
- 數值資料的驗證。
- 電腦程式撰寫與電腦模擬驗證。
- 撰寫報告。

2) 完成之具體成果

研究計劃成果部分：

- 提出了一些可供管理決策者遵循的法則。
- 已將計劃研究成果與一般管理經濟學上的認知，做一驗證或比較。
- 已將研究成果融入在管理科學、作業研究與生產管理等科目的教材內容中。

工作人員方面：

- 培養工作人員對作業研究、工業工程與管理科學等領域的學術研究興趣。
- 培養工作人員對學術研究的嚴謹態度。
- 訓練工作人員建立模式與解答問題的技巧。
- 訓練工作人員運用電腦資訊科技來協助解答問題。

3) 學術上具體之貢獻

期刊發表：有 2 篇論文在準備中，也將於近期被投稿至相關的國際期刊。其相關資料如下：

1. "A Return on Inventory Investment Maximization Model for Intermediate Firms", is to be submitted to *International Journal of Production Planning and Control*.
2. "Optimal Inventory and Pricing Policies for Substitutes and Complements in a Channel Distribution System" is to be submitted to *Journal of Operational Research Society*.

從(1)完成之工作項目，(2)完成之具體成果，及(3)學術上具體之貢獻等三方面來說。前兩項在計劃進行至此時，已經有具體的成果。至於第3項，我們則期待本研究計劃的論文可以通過國際學術期刊嚴格的審查標準，進而發表在國際學術期刊上。最後，與本計劃相關且具有研究潛力的主題尚有很多，也期望國科會能再次於財務上支持相關的研究計劃。

五、參考文獻

- [1] Weng, Z. (1997) "Pricing and Ordering Strategies in Manufacturing and Distribution Alliances", *IIE Transactions*, **29**, 681-692.
- [2] Drezner Z., Gurnani H., and Pasternack B. (1995) "An EOQ Model with Substitutions Between Products", *Journal of the Operational Research Society*, **46**, 887-891.
- [3] Parlar & Weng, (1997) "Designing a Firm's Coordinated Manufacturing and Supply Decisions with Short Product Life Cycles", *Management Science*, **43**, 1329-1344.
- [4] Lu, L. (1995) "A One-Vendor Multi-Buyer Integrated Inventory Model", *European Journal of Operational Research*, **81**, 312-323.
- [5] Aderohummu, Mobolurin and Bryson(1995) "Joint Vendor-Buyer Policy in JIT Manufacturing", *Journal of the Operational Research Society*, **46**, 375-385.
- [6] Weng, Z. (1995) "Channel Coordination and Quantity Discounts", *Management Science*, **41**, 1509-1522.
- [7] Lee, H. and Rosenblatt M. (1986) "A Generalized Quantity Discount Pricing Model to Increase Supplier's Profits", *Management Science*, **32**, 1177-1185.
- [8] Parlar, M. and Wang, Q. (1994) "Discounting Decisions in a Supplier-Buyer Relationship with a Linear Buyer's Demand", *IIE Transactions*, **26**, 34-41.